

EL-Formel

Formel

$$A \vee (A \wedge B) \Leftrightarrow A \wedge (A \vee B) \Leftrightarrow A$$

C-Notation

$$A \mid \mid A \& \& B \Leftrightarrow A \& \& (A \mid \mid B) \Leftrightarrow A$$

Wahrheitstabelle

A	B	$A \wedge B$	$A \vee (A \wedge B)$	$A \vee B$	$A \wedge (A \vee B)$
0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	1	0
1	0	0	1	1	1
1	1	1	1	1	1

Beweis

$$A \vee (A \wedge B) \Leftrightarrow {}^1(A \wedge 1) \vee (A \wedge B) \Leftrightarrow {}^2A \wedge (1 \vee B) \Leftrightarrow {}^3A \wedge 1 \Leftrightarrow {}^4A$$

$$A \wedge (A \vee B) \Leftrightarrow {}^5(A \vee 0) \wedge (A \vee B) \Leftrightarrow {}^6A \vee (0 \wedge B) \Leftrightarrow {}^7A \vee 0 \Leftrightarrow {}^8A$$

¹ $a \wedge 1 \Leftrightarrow a$, reversiv angewendet (erstes A durch $A \wedge 1$ ersetzen)

²konjunktives Distributivgesetz $a \wedge (b \vee c) \Leftrightarrow (a \wedge b) \vee (a \wedge c)$, reversiv angewendet (A ausklammern)

³ $a \vee 1 \Leftrightarrow 1$

⁴ $a \wedge 1 \Leftrightarrow a$

⁵ $a \vee 0 \Leftrightarrow a$, reversiv angewendet (erstes A durch $A \vee 0$ ersetzen)

⁶disjunktives Distributivgesetz $a \vee (b \wedge c) \Leftrightarrow (a \vee b) \wedge (a \vee c)$, reversiv angewendet (A ausklammern)

⁷ $a \wedge 0 \Leftrightarrow 0$

⁸ $a \vee 0 \Leftrightarrow a$